



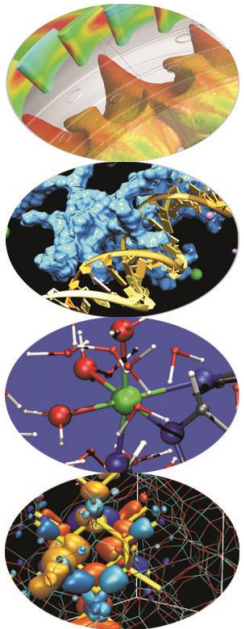
VETTORI E MATRICI

Funzioni Intrinseche

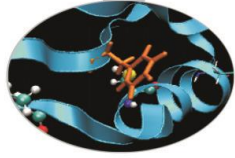
Introduction to modern Fortran

Paolo Ramieri, *CINECA*

Maggio 2017



FUNZIONI INTRINSECHE



Le funzioni intrinseche relative a vettori e matrici (in Fortran 90) sono numerose e possono essere classificate in base al loro ambito di azione:

- **Calcolo** (*arithmetic*)
- **Riduzione** (*reduction*)
- **Informative** (*inquiry*)
- **Costruttive** (*construction*)
- **Ricerca** (*location*)
- **Manipolazione** (*manipulation*)

Funzioni di calcolo (*arithmetic*)

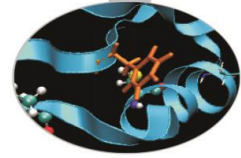
`DOT_PRODUCT (v, w)`

calcola il prodotto scalare dei vettori V e W

`MATMUL (a, b)`

calcola il prodotto matriciale tra A e B

PRODOTTO SCALARE



Esempio: prodotto scalare (*vdot.f90*)

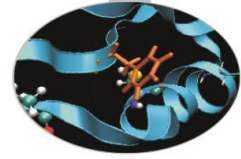
Sintassi Fortran 77 (comunque valida)

```
REAL a(10), b(10), c
c = 0.0
DO 100 i = 1, 10
    c = c + a(i) * b(i)
100 CONTINUE
```

Sintassi vettoriale Fortran 90

```
REAL, DIMENSION(10) :: a, b
REAL :: c = 0.0
c = DOT_PRODUCT(a, b)
```

PRODOTTO DI MATRICI



Esempio: prodotto di matrici (*mmult.f90*)

Sintassi Fortran 77 (comunque valida)

```

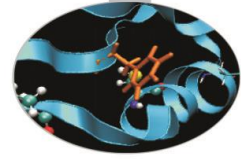
      REAL a(5,10), b(10,20), c(5,20)
C      Questo e' il prodotto matriciale, in Fortran 77
      DO 100 j = 1, 20
        DO 110 i = 1, 5
          c(i,j) = 0.0
          DO 120 k = 1, 10
            c(i,j) = c(i,j) + a(i,k) * b(k,j)
120          CONTINUE
110        CONTINUE
100      CONTINUE
      . . .
  
```

Prodotto di matrici in Fortran 90

```

      REAL a(5,10), b(10,20), c(5,20)
!      Questo e' il prodotto matriciale, in Fortran 90
      c = MATMUL(a,b)
      . . .
  
```

FUNZIONI INTRINSECHE DI RIDUZIONE



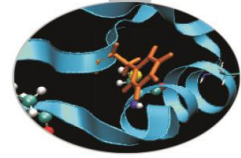
Le funzioni di riduzione si applicano a vettori e matrici. Ritornano un valore scalare, a meno che non venga specificato lungo quale dimensione fare i conti, per cui ritornerebbero un risultato vettoriale o matriciale.

Le funzioni ALL, ANY, COUNT si applicano a matrici di tipo logico e ritornano un valore di tipo logico o numerico.

Le funzioni MAXVAL, MINVAL, PRODUCT, SUM si applicano a matrici di tipo numerico e ritornano un valore numerico.

Funzioni di riduzione (*reduction*)

ALL (MASK [, DIM])	.TRUE. solo se tutti gli elementi sono .TRUE.
ANY (MASK [, DIM])	.TRUE. se almeno un elemento è .TRUE.
COUNT (MASK [, DIM])	numero degli elementi .TRUE.
MAXVAL (ARRAY [, DIM] [, MASK])	valore del massimo degli elementi
MINVAL (ARRAY [, DIM] [, MASK])	valore del minimo degli elementi
PRODUCT (ARRAY [, DIM] [, MASK])	prodotto degli elementi
SUM (ARRAY [, DIM] [, MASK])	somma degli elementi



Esempio 1: Ricerca del massimo

Sintassi Fortran 77 (comunque valida)

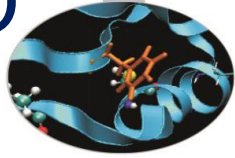
```
REAL a(100,100,100)

C      Ricerca del valore massimo inferiore a 1.0
      valmax = a(1,1,1)
      DO i = 1, 100
        DO j = 1, 100
          DO k = 1, 100
            IF ( a(k,j,i) .LT. 1.0 ) THEN
              IF ( a(k,j,i) .GT. valmax ) valmax = a(k,j,i)
            END IF
          END DO
        END DO
      END DO
      . . .
```

Sintassi Fortran 90

```
REAL, DIMENSION(100,100,100) :: a

! Ricerca del valore massimo [inferiore a 1.0]
valmax = MAXVAL( a [,MASK=(a<1.0)] )
```



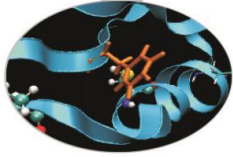
Esempio 2 : Calcolo del valore medio

Sintassi Fortran 77 (comunque valida)

```
REAL a(100,100,100)
C      Ricerca del valore medio per gli elementi positivi
      somma = 0.0
      numel = 0
      DO i = 1, 100
        DO j = 1, 100
          DO k = 1, 100
            IF ( a(k,j,i) .GT. 0.0 ) THEN
              somma = somma + a(k,j,i)
              numel = numel + 1
            END IF
          END DO
        END DO
      END DO
      valmed = somma / numel
```

Sintassi Fortran 90

```
REAL, DIMENSION(100,100,100) :: a
      .
      .
      .
      valmed = SUM(a,MASK=(a>0.0))/COUNT(MASK=(a>0.0))
```



USO DI ALL

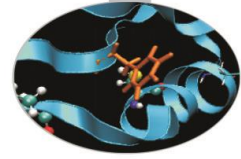
Esempio 3 : Uso di ALL

```
LOGICAL :: test, test2, test3
REAL, DIMENSION(3,2) :: a

a= RESHAPE( (/5,9,6,10,8,12/), (/3,2/) )

. . .
test = ALL(a > 5) ! false
test2 = ALL(a < 20) ! true
test3 = ALL(a >= 5 .AND. test2) ! true
. . .
```


FUNZIONI INTRINSECHE INFORMATIVE



Queste funzioni permettono di **conoscere le proprietà** delle variabili.

`ALLOCATED` si applica a matrici allocabili e sinonimi e ritorna un valore di tipo logico.

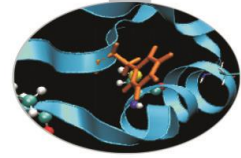
`LBOUND`, `UBOUND` si applicano a matrici e ritornano i vettori che specificano i limiti inferiori e superiori della numerazione degli indici. Hanno la stessa dimensione delle matrici cui sono applicati.

`SHAPE` si applica a matrici e scalari e ritorna un vettore di lunghezza pari al numero di dimensioni della matrice, che descrive l'estensione di ogni dimensione. Per gli scalari la lunghezza del risultato è 0.

`SIZE` si applica solo a matrici e ne ritorna la dimensione.

Funzioni informative (*inquiry*)

<code>ALLOCATED (ARRAY)</code>	<code>.TRUE.</code> se la memoria è associata
<code>LBOUND (ARRAY [, DIM])</code>	limiti inferiori per gli indici, per ogni dimensione
<code>SHAPE (SOURCE)</code>	forma della matrice (si applica anche agli scalari)
<code>SIZE (ARRAY [, DIM])</code>	dimensione della matrice
<code>UBOUND (ARRAY [, DIM])</code>	limiti superiori per gli indici, per ogni dimensione



USO DI SIZE

Esempio 1: Uso di SIZE

```
REAL, DIMENSION(3,2) :: a
      .
      .
      .
num = SIZE(a) ! num=6
num = SIZE(a, DIM=1) ! num=3
num = SIZE(a, DIM=2) ! num=2
      .
      .
      .
```

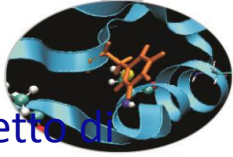
E' possibile usare SIZE anche nelle dichiarazioni:

```
REAL, DIMENSION(lda,n) :: a
REAL, DIMENSION(SIZE(a,1),SIZE(a,2)) :: temp
```

Esempio 2

```
REAL DIMENSION(2:3,2:5) :: a
WRITE(*,*) LBOUND(a) ! (/2,2/)
WRITE(*,*) UBOUND(a) ! (/3,5/)
WRITE(*,*) SHAPE(a) ! (/2,4/)
WRITE(*,*) SIZE(a) ! 8
      .
      .
      .
```

IL COSTRUTTO WHERE



Il costrutto `WHERE` è utilizzato per controllare quali elementi di un **array** sono oggetto di un'assegnazione sulla base del risultato di una condizione logica.

L'istruzione `WHERE` ha la sintassi:

```
WHERE (matrice_logica) assegnazione_matriciale
```

L'assegnazione matriciale viene eseguita se, elemento per elemento, la condizione matriciale è vera.

Matrice_logica e assegnazione_matriciale devono essere conformi.

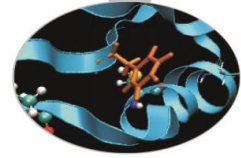
In generale il costrutto `WHERE` ha la sintassi:

```
WHERE (matrice_logica)
  assegnazione_matriciale
ELSEWHERE
  assegnazione_matriciale
END WHERE
```

L'istruzione `ELSEWHERE` all'interno del costrutto consente di fare assegnazioni quando la condizione è falsa.

I costrutti `WHERE` non possono essere annidati in Fortran 90, mentre il Fortran 95 introduce questa possibilità.

IL COSTRUTTO WHERE



Esempio 1: Evitare la divisione per zero (caso 1)

Sintassi Fortran 77 (comunque valida)

```
REAL a(100,100), b(100,100)

DO 100 i = 1, 100
  DO 100 j = 1, 100
    IF ( b(j,i) .GT. 0.0 ) THEN
      a(j,i) = a(j,i) / b(j,i)
    END IF
```

Sintassi Fortran 90

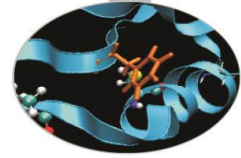
```
REAL, DIMENSION(100,100) :: a, b

WHERE ( b > 0.0 ) a = a / b
```

Esempio 2: Evitare la divisione per zero (caso 2)

```
INTEGER, DIMENSION(8,8) :: a

WHERE ( a <= 0 )
  a = 0
ELSEWHERE
  a = 1/a
END WHERE
```



ARRAY DI DIMENSIONE NULLA

Il Fortran 90 permette di trattare **vettori e matrici di dimensione nulla**.

Questo si verifica quando il limite superiore della dimensione è minore del limite inferiore.

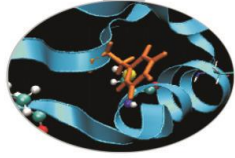
Questo fatto, apparentemente irrilevante, facilita la stesura del codice perché non è più necessario tener conto di molti casi particolari, per esempio dei contorni. Nello specifico può consentirci di non scrivere ulteriore codice per gestire il caso particolare.

Se viene chiamata l'esecuzione di un'istruzione su un array o una sua sezione a dimensione nulla, l'istruzione non viene eseguita e il programma non va in errore: il programmatore non deve quindi occuparsi del problema.

Esempio

```
DO i = 1, n
  x(i) = b(i) / a(i,i)
!   Lunghezza nulla per I = N: valido comunque
  b(i+1:n) = b(i+1:n) - a(i+1:n,i) * x(i)
END DO
```

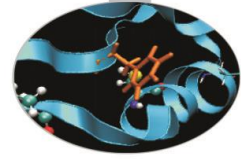
FUNZIONI COSTRUTTIVE



MERGE (TSOURCE , FSOURCE , MASK) si applica a 3 matrici conformi. Le prime 2 devono essere dello stesso tipo, MASK dev'essere di tipo logico. Si genera una matrice conforme a MASK e di tipo uguale alle prime due; il valore di ogni elemento proviene da TSOURCE se l'elemento corrispondente di MASK è `.TRUE.`, altrimenti proviene da FSOURCE.

PACK (ARRAY , MASK [, VECTOR]) genera un vettore prendendo gli elementi di ARRAY che corrispondono agli elementi `.TRUE.` di MASK. MASK può essere lo scalare `.TRUE.`. Se VECTOR è più lungo, si prende il resto degli elementi da quel vettore.

UNPACK (VECTOR , MASK , FIELD) genera una matrice conforme a MASK prendendo da VECTOR gli elementi corrispondenti ai valori `.TRUE.` di MASK. Se VECTOR non è abbastanza lungo, si prendono gli elementi della matrice FIELD, che dev'essere conforme a MASK o essere uno scalare.



FUNZIONI COSTRUTTIVE

SPREAD (SOURCE, DIM, NS) genera una matrice duplicando NS volte il vettore SOURCE nella dimensione DIM.

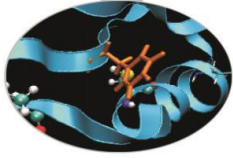
Esempio : Uso di SPREAD

```

REAL, DIMENSION(3) :: a=(/2,3,4/)
REAL, DIMENSION(3,3) :: b, c
b=SPREAD(a, DIM=1, NCOPIES=3)
c=SPREAD(a, DIM=2, NCOPIES=3)
. . .
  
```

	2	3	4		2	2	2
b	2	3	4	c	3	3	3
	2	3	4		4	4	4

FUNZIONI DI RICERCA



Funzioni di ricerca (*location*): ritornano la posizione dell'elemento massimo e minimo di una matrice.

MAXLOC (ARRAY [, MASK]) genera un vettore con la posizione dell'elemento di valore massimo della matrice ARRAY, eventualmente considerando i soli elementi corrispondenti a `.TRUE.` di MASK.

MINLOC (ARRAY [, MASK]) genera un vettore con la posizione dell'elemento di valore minimo della matrice ARRAY, eventualmente considerando i soli elementi corrispondenti a `.TRUE.` di MASK.



FUNZIONI DI RICERCA

Alcuni esempi di riepilogo:

```

a (3,4) =      0.1  0.2  0.3  0.4      MAXVAL(a) : 40.0
              1.0  2.0  4.0  3.0      MAXLOC(a) : (/3,4/)
              10.  20.  30.  40.      MAXVAL(a,DIM=2) : (/0.4,4.0,40.0/)
  
```

```

c (3,3,3) =    0.1  0.2  0.3      1.1  1.2  1.3      2.1  2.2  2.3
              1.0  2.0  3.0      1.1  2.1  3.1      1.2  2.2  3.2
              10.  20.  30.      11.  21.  31.      12.  22.  32.
  
```

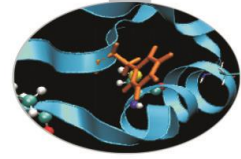
```
MAXVAL(c) : 32.0
```

```

MAXVAL(c,DIM=3) :
                  2.1  2.2  2.3
                  1.2  2.2  3.2
                  12.  22.  32.
  
```

```
SHAPE(MAXVAL(c,DIM=3)) : (/3,3/)
```

```
MAXLOC(MAXVAL(c,DIM=3)) : (/3,3/)
```



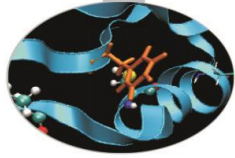
FUNZIONI DI MANIPOLAZIONE

Funzioni di manipolazione (*manipulation*)

CSHIFT (ARRAY, SHIFT [, DIM]) genera una matrice conforme a ARRAY, spostando gli elementi di ARRAY in modo circolare lungo la dimensione specificata da DIM (o la prima), della quantità indicata in SHIFT.

Esempi:

a=	1.0	5.0	9.0	13.0		9.0	13.0	1.0	5.0
	2.0	6.0	10.0	14.0	<code>cshift(a,2,2):</code>	10.0	14.0	2.0	6.0
	3.0	7.0	11.0	15.0		11.0	15.0	3.0	7.0
	4.0	8.0	12.0	16.0		12.0	16.0	4.0	8.0



Funzioni di manipolazione (*manipulation*)

EOSHIFT (ARRAY, SHIFT [, BOUNDARY] [, DIM]) genera una matrice conforme a ARRAY, spostando gli elementi di ARRAY lungo la dimensione specificata da DIM (o la prima), della quantità indicata in SHIFT. Gli elementi che finiscono fuori dalle dimensioni di ARRAY sono persi. Le posizioni lasciate libere sono azzerate oppure riempite con gli elementi di BOUNDARY.

TRANSPOSE (MATRIX) genera la trasposta della matrice MATRIX.

Esempi:

```

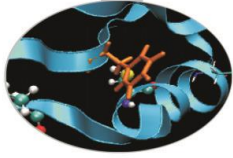
a=
  1.0  5.0  9.0 13.0
  2.0  6.0 10.0 14.0
  3.0  7.0 11.0 15.0
  4.0  8.0 12.0 16.0
  
```

```

eoshift(a,2,dim=2) :
      9.0 13.0 0.0 0.0
     10.0 14.0 0.0 0.0
     11.0 15.0 0.0 0.0
     12.0 16.0 0.0 0.0
  
```

```

transpose(a) :
      1.0  2.0  3.0  4.0
      5.0  6.0  7.0  8.0
      9.0 10.0 11.0 12.0
     13.0 14.0 15.0 16.0
  
```

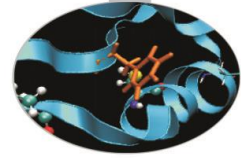


ESERCIZI

1. Generare una matrice A 9×9 i cui elementi siano $A(i,j) = ij$ (es. $a(3,4)=34$) e stamparla a video e su file (*matrice.f90*).
2. Scrivere un programma che costruisca e stampi una matrice 10×10 che rappresenti la Tavola Pitagorica (*tavolapitagorica.f90*).
3. Scrivere un programma che generi una scacchiera 8×8 con "B" e "W" in posizioni alternate, usando la notazione vettoriale (*board.f90*).
4. Dato un vettore v nel piano ed un angolo di rotazione θ calcolare il vettore ruotato sfruttando la matrice di rotazione

$$R = \begin{pmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) \end{pmatrix}$$

Utilizzare un modulo per fare tutti i calcoli (*rotazione.f90*).

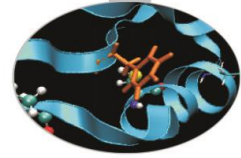


Esercizi

5. Utilizzando il file contenente la matrice dell'esercizio 1, facendo uso del costrutto `WHERE` sostituire con 0 tutti i numeri pari e mantenere nella loro posizione tutti i numeri dispari (*matrice2.f90*).
6. Partendo dal programma `board.f90` riscrivere l'algoritmo che genera una tastiera usando `WHERE` (*board1.f90*).
7. Partendo dal programma `renum0.f90` trovare valore e posizione del valore massimo del vettore `RA(:)` e della sua sezione `RA(1:3)` (*renum.f90*).
8. Riscrivere il programma `spread1.f90` così da generare una matrice $RA(i,j) = 1.0/REAL(i+j+1)$ (*spread2.f90*).

SOLUZIONE ESERCIZIO 1

matrice.f90 1/2



```
PROGRAM matrice
  IMPLICIT NONE
  INTEGER, PARAMETER :: n=9
  REAL, DIMENSION(n,n) :: A, B, C
  INTEGER, DIMENSION(n) :: v
  INTEGER :: i,j

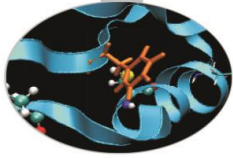
  DO i=1,n
    DO j=1,n
      A(i,j)=REAL(i*10+j)
    END DO
  END DO

  OPEN(11,FILE='matrice.dat',STATUS='replace')
  DO i=1,n
    WRITE(*,*) A(i,:)
    WRITE(11,*) A(i,:)
  END DO

  CLOSE(11)
```

SOLUZIONE ESERCIZIO 1

matrice.f90 2/2



```
A=0.0
```

```
v= (/ (REAL(i), i=1, n) /)
```

```
B = SPREAD(v, DIM=1, NCOPIES=n)
```

```
C = SPREAD(v, DIM=2, NCOPIES=n)
```

```
A=B+C*10
```

```
DO i=1, n
```

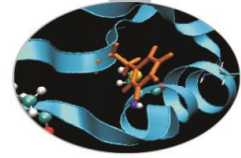
```
    WRITE(*, *) A(i, :)
```

```
END DO
```

```
END PROGRAM matrice
```

SOLUZIONE ESERCIZIO 2

tavolapitagorica.f90 1/2



```
PROGRAM Pitagora
```

```
IMPLICIT NONE
INTEGER, DIMENSION(10,10) :: a,b,p
INTEGER, DIMENSION(10) :: v
INTEGER :: i

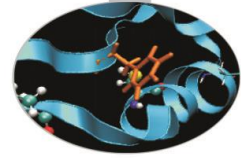
v=(/(i,i=1,10)/)
WRITE(*,*) "V = "
WRITE(*,100) v

a = SPREAD(v,DIM=1,NCOPIES=10)
b = SPREAD(v,DIM=2,NCOPIES=10)

WRITE(*,*) "A = "
DO i=1,10
    WRITE(*,100) a(i,:)
END DO
```


SOLUZIONE ESERCIZIO 2

tavolapitagorica.f90 2/2



```
WRITE (*,*) "B = "  
DO i=1,10  
    WRITE (*,100) b(i,:)   
END DO
```

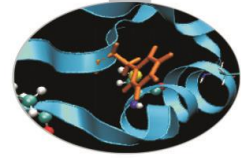
```
p=a*b
```

```
WRITE (*,*) "P = "  
DO i=1,10  
    WRITE (*,100) p(i,:)   
END DO
```

```
100      FORMAT(10(1x,i3))  
END PROGRAM Pitagora
```

SOLUZIONE ESERCIZIO 3

board.f90



```
PROGRAM chequerboard
```

```
IMPLICIT NONE
CHARACTER (LEN = 1) , DIMENSION (8,8) :: chboard

! Version 1: 4 statements:
WRITE(*, '(' Version 1 - 4 statements: '//)')

chboard (1:8:2, ::2) = 'B'
chboard (2:8:2, ::2) = 'W'
chboard (1:8:2, 2::2) = 'W'
chboard (2:8:2, 2::2) = 'B'

WRITE(*, '(8A4)') chboard
READ (*, *)

! Version 2: 3 statements:
WRITE(*, '(//)' Version 2 - 3 statements: '//)')

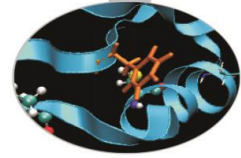
chboard = 'B'
chboard (2:8:2, ::2) = 'W'
chboard (1:8:2, 2::2) = 'W'

WRITE(*, '(8A4)') chboard
READ (*, *)

STOP
END PROGRAM chequerboard
```

SOLUZIONE ESERCIZIO 4

rotazione.f90 1/2



```
MODULE vettori
```

```
  IMPLICIT NONE
```

```
  REAL, DIMENSION(2) :: v,v1
```

```
  REAL :: theta
```

```
CONTAINS
```

```
  SUBROUTINE rota (v,theta,v1)
```

```
    REAL, DIMENSION(2,2) :: R
```

```
    REAL, DIMENSION(2) :: v,v1
```

```
    REAL :: theta
```

```
! Costruzione della matrice di rotazione
```

```
  R=cos(theta)
```

```
  R(1,2)=-sin(theta)
```

```
  R(2,1)=sin(theta)
```

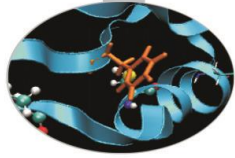
```
  v1=matmul(R,v)
```

```
END SUBROUTINE rota
```

```
END MODULE vettori
```

SOLUZIONE ESERCIZIO 4

rotazione.f90 2/2



```
PROGRAM rotazione
  USE vettori

  WRITE (*, ' (A10) ', ADVANCE='no') "theta: "
  READ (*, *) theta

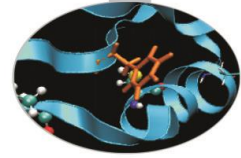
  WRITE (*, ' (A10) ', ADVANCE='no') "vettore: "
  READ (*, *) v

  CALL rota (v, theta, v1)

  write (*, *) v1
END PROGRAM rotazione
```

SOLUZIONE ESERCIZIO 5

matrice2.f90



```
PROGRAM matricebis
  IMPLICIT NONE
  REAL, DIMENSION(9,9) :: B
  INTEGER :: i

  OPEN(UNIT=11,FILE='matrice.dat')
  DO i=1,9
    READ(11,*) B(i,:)
  END DO
  CLOSE(11)

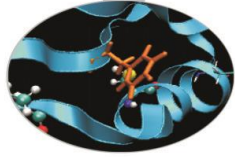
  WHERE (MOD(INT(B),2)==0)
    B=0
  END WHERE

  DO i=1,9
    WRITE(*,*) B(i,:)
  END DO

END PROGRAM matricebis
```

SOLUZIONE ESERCIZIO 6

board1.f90



```
PROGRAM chequerboard
```

```
IMPLICIT NONE
CHARACTER (LEN = 1) , DIMENSION (8,8) :: chboard
INTEGER :: i, j

! Version 1: 4 statements:
WRITE(*, '(' Version 1 - 4 statements: '//)')
chboard (1:8:2, ::2) = 'B'
chboard (2:8:2, ::2) = 'W'
chboard (1:8:2, 2::2) = 'W'
chboard (2:8:2, 2::2) = 'B'

WRITE(*, '(8A4)') chboard
READ (*, *)

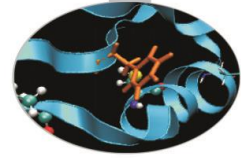
! Version 2: 3 statements:
WRITE(*, '(//)' Version 2 - 3 statements: '//)')
chboard = 'B'
WHERE (MOD(RESHAPE( (/ ((I+J, I=1, 8), J=1, 8) /) , (/8, 8/)), 2) == 1)
  chboard = 'W'
END WHERE

WRITE(*, '(8A4)') chboard
READ (*, *)

STOP
END PROGRAM chequerboard
```

SOLUZIONE ESERCIZIO 7

renum.f90 1/2



```
PROGRAM renum
```

```
IMPLICIT NONE
```

```
REAL, DIMENSION (-3:4) :: ra  
INTEGER, DIMENSION (1) :: locmax1, locmax2
```

```
! Assign elements of array ra:
```

```
ra = (/ 1.2, 3.4, 5.4, 11.2, 1.0, 3.7, 1.0, 1.0 /)
```

```
WRITE(*,*) " LBOUND(ra), UBOUND(ra) = ", LBOUND(ra), UBOUND(ra)
```

```
WRITE(*,*) " RA(:, :) = ", ra
```

```
WRITE(*,*) ""
```

```
! Find location of maximum value of whole array:
```

```
! (Note value given assumes first element has location 1.)
```

```
locmax1 = MAXLOC(ra)
```

```
WRITE(*,*) ' MAXLOC(ra) = ', locmax1(1)
```

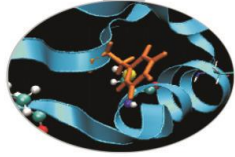
```
! Find location of maximum value of array section:
```

```
locmax2 = MAXLOC(ra(1:3))
```

```
WRITE(*,*) ' MAXLOC(ra(1:3)) = ', locmax2(1)
```

SOLUZIONE ESERCIZIO 7

renum.f90 2/2



```
WRITE(*,*)
```

```
! Find value of element with maximum value of whole array from location:  
WRITE(*,*) 'Maximum value of whole array is: ', &  
          ra(LBOUND(ra) + locmax1(1) - 1)
```

```
! Check with MAXVAL:
```

```
WRITE(*,*) 'Maximum value of whole array using MAXVAL is: ', MAXVAL(ra)
```

```
WRITE(*,*)
```

```
! Find value of element with maximum value of array section from  
location:
```

```
WRITE(*,*) 'Maximum value of ra(1:3) is: ', ra(locmax2(1))  
! ( Value is ra(1 + locmax2(1) - 1) )
```

```
! Check with MAXVAL:
```

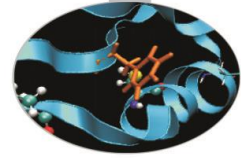
```
WRITE(*,*) 'Maximum value of ra(1:3) using MAXVAL is: ', MAXVAL(ra(1:3))
```

```
STOP
```

```
END PROGRAM renum
```


SOLUZIONE ESERCIZIO 8

spread2.f90



```
PROGRAM spread2
```

```
IMPLICIT NONE
INTEGER, PARAMETER :: n = 5
INTEGER :: i, j
REAL, DIMENSION (n,n) :: ra

WRITE(*, '("Using SPREAD:"//)')
ra = 1.0 / REAL( SPREAD( (/ (i, i = 1, n) /), DIM = 1, NCOPIES = n)   &
                + SPREAD( (/ (j, j = 1, n) /), DIM = 2, NCOPIES = n) + 1 )
WRITE(*, '(5F8.2)') (ra(:, j), j = 1, n)

! Using Array Constructor:

WRITE(*, '("//"Using Array Constructor:"//)')
ra = RESHAPE ( (/ ((1.0/(i+j+1), i=1, n), j=1, n) /), SHAPE=(/ n, n /) )
WRITE(*, '(5F8.2)') (ra(:, j), j = 1, n)

! Note the simpler method with FORALL statement in Fortran 95:
WRITE(*, '("//"Using FORALL statement (Fortran 95):"//)')
FORALL (i = 1: n, j = 1: n) ra(i, j) = 1.0/(i+j+1)
WRITE(*, '(5F8.2)') (ra(:, j), j = 1, n)

STOP
END PROGRAM spread2
```