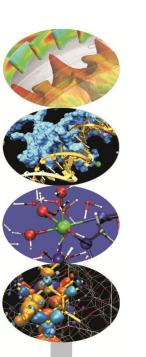


## VETTORI E MATRICI Funzioni Intrinseche

Introduction to Fortran 90 Elda Rossi, CINECA

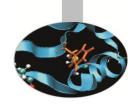
Marzo 2015







## **FUNZIONI INTRINSECHE**



Le funzioni intrinseche relative a vettori e matrici (in Fortran 90) sono numerose e possono essere classificate in base al loro ambito di azione:

- Calcolo (arithmetic)
- Riduzione (reduction)
- Informative (inquiry)
- Costruttive (construction)
- Ricerca (location)
- Manipolazione (manipulation)

## Funzioni di calcolo (arithmetic)

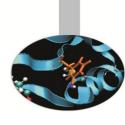
DOT\_PRODUCT(v,w)
MATMUL(a,b)

calcola il prodotto scalare dei vettori V e W calcola il prodotto matriciale tra A e B





## PRODOTTO SCALARE



### **Esempio VDOT: Prodotto scalare**

#### <u>Sintassi Fortran 77 (comunque valida)</u>

```
REAL a(10), b(10), c

c = 0.0

DO 100 i = 1, 10

c = c + a(i) * b(i)

100 CONTINUE
```

### Sintassi vettoriale Fortran 90

```
REAL, DIMENSION(10) :: a, b

REAL :: c = 0.0

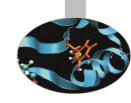
c = DOT_PRODUCT(a,b)

. . .
```





## PRODOTTO DI MATRICI



### **Esempio MMULT: Prodotto di matrici**

#### Sintassi Fortran 77 (comunque valida)

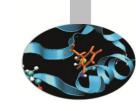
### <u>Prodotto di matrici in Fortran 90</u>

```
! Questo e' il prodotto matriciale, in Fortran 90
c = MATMUL(a,b)
```





## FUNZIONI INTRINSECHE DI RIDUZIONE



Le funzioni di riduzione si applicano a vettori e matrici. Ritornano un valore scalare, a meno che non venga specificato lungo quale dimensione fare i conti, per cui ritornerebbero un risultato vettoriale o matriciale.

Le funzioni ALL, ANY, COUNT si applicano a matrici di tipo logico e ritornano un valore di tipo logico o numerico.

Le funzioni MAXVAL, MINVAL, PRODUCT, SUM si applicano a matrici di tipo numerico e ritornano un valore numerico.

#### Funzioni di riduzione (reduction)

```
ALL (MASK[, DIM])

ANY (MASK[, DIM])

COUNT (MASK[, DIM])

MAXVAL (ARRAY[, DIM] [, MASK])

MINVAL (ARRAY[, DIM] [, MASK])

PRODUCT (ARRAY[, DIM] [, MASK])

SUM (ARRAY[, DIM] [, MASK])

Sum (ARRAY[, DIM] [, MASK])

Somma degli elementi

CINI
```





## RICERCA DEL MASSIMO

### Esempio 1: Ricerca del massimo

#### Sintassi Fortran 77 (comunque valida)

#### Sintassi Fortran 90

```
REAL, DIMENSION(100,100,100) :: a

! Ricerca del valore massimo [inferiore a 1.0]
valmax = MAXVAL(a [,MASK=(a<1.0)])
```



## SuperComputing Applications and Innovation

## Computing Applications and Innovation CALCOLO DEL VALORE MEDIO

### Esempio 2 : Calcolo del valore medio

#### Sintassi Fortran 77 (comunque valida)

```
REAL a (100, 100, 100)
C
      Ricerca del valore medio per gli elementi positivi
      somma = 0.0
      numel = 0
      DO i = 1, 100
         DO i = 1, 100
            DO k = 1, 100
               IF (a(k,j,i).GT.0.0) THEN
                  somma = somma + a(k,j,i)
                  numel = numel + 1
               END IF
            END DO
         END DO
      END DO
      valmed = somma / numel
```

#### Sintassi Fortran 90

```
REAL, DIMENSION(100,100,100) :: a

valmed = SUM(a, MASK=(a>0.0))/COUNT(MASK=(a>0.0))
```





## **USO DI ALL**



## Esempio 3: Uso di ALL

```
LOGICAL :: test, test2, test3
REAL, DIMENSION(3,2) :: a

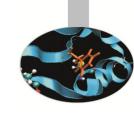
a = RESHAPE( (/5,9,6,10,8,12/),(/3,2/) )

test = ALL(a > 5) ! false
test2 = ALL(a < 20) ! true
test3 = ALL(a >= 5 .AND. test2) ! true
```





## FUNZIONI INTRINSECHE INFORMATIVE



Queste funzioni permettono di conoscere le proprietà delle variabili.

ALLOCATED si applica a matrici allocabili e sinonimi e ritorna un valore di tipo logico.

LBOUND, UBOUND si applicano a matrici e ritornano i vettori che specificano i limiti inferiori e superiori della numerazione degli indici. Hanno la stessa dimensione delle matrici cui sono applicati.

SHAPE si applica a matrici e scalari e ritorna un vettore di lunghezza pari al numero di dimensioni della matrice, che descrive l'estensione di ogni dimensione. Per gli scalari la lunghezza del risultato è 0.

SIZE si applica solo a matrici e ne ritorna la dimensione.

### Funzioni informative (inquiry)

ALLOCATED (ARRAY) .TRUE . se la memoria è associata

LBOUND (ARRAY [, DIM]) limiti inferiori per gli indici, per ogni dimensione

SHAPE (SOURCE) forma della matrice (si applica anche agli scalari)

SIZE (ARRAY[, DIM]) dimensione della matrice

UBOUND (ARRAY [, DIM]) limiti superiori per gli indici, per ogni dimensione





## **USO DI SIZE**



#### Esempio 1: Uso di SIZE

```
REAL, DIMENSION(3,2) :: a
...
num = SIZE(a) ! num=6
num = SIZE(a, DIM=1) ! num=3
num = SIZE(a, DIM=2) ! num=2
...
```

### E' possibile usare SIZE anche nelle dichiarazioni:

```
REAL, DIMENSION(lda,n) :: a
REAL, DIMENSION(SIZE(a,1),SIZE(a,2)) :: temp
```

#### Esempio 2

```
REAL DIMENSION(2:3,2:5) :: a
WRITE(*,*) LBOUND(a) ! (/2,2/)
WRITE(*,*) UBOUND(a) ! (/3,5/)
WRITE(*,*) SHAPE(a) ! (/2,4/)
WRITE(*,*) SIZE(a) ! 8
```





## IL COSTRUTTO WHERE

Il costrutto WHERE è utilizzato per controllare quali elementi di un array sono oggetturo un'assegnazione sulla base del risultato di una condizione logica.

L'istruzione WHERE ha la sintassi:

```
WHERE (matrice logica) assegnazione matriciale
```

L'assegnazione matriciale viene eseguita se, elemento per elemento, la condizione matriciale è vera.

Matrice\_logica e assegnazione\_matriciale devono essere conformi.

In generale il costrutto WHERE ha la sintassi:

```
WHERE (matrice_logica)
   assegnazione_matriciale
ELSEWHERE
  assegnazione_matriciale
END WHERE
```

L'istruzione ELSEWHERE all'interno del costrutto consente di fare assegnazioni quando la condizione è falsa.

I costrutti WHERE non possono essere annidati in Fortran 90, mentre il Fortran 95 introduce questa possibilità.



## IL COSTRUTTO WHERE

### Esempio 1: Evitare la divisione per zero (caso 1)

### <u>Sintassi Fortran 77 (comunque valida)</u>

```
REAL a(100,100), b(100,100)

DO 100 i = 1, 100

DO 100 j = 1, 100

IF (b(j,i) .GT. 0.0) THEN

a(j,i) = a(j,i) / b(j,i)

END IF
```

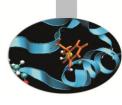
#### Sintassi Fortran 90

### Esempio 2: Evitare la divisione per zero (caso 2)





## ARRAY DI DIMENSIONE NULLA



Il Fortran 90 permette di trattare **vettori e matrici di dimensione nulla**.

Questo si verifica quando il limite superiore della dimensione è minore del limite inferiore.

Questo fatto, apparentemente irrilevante, facilita la stesura del codice perché non è più necessario tener conto di molti casi particolari, per esempio dei contorni. Nello specifico può consentirci di non scrivere ulteriore codice per gestire il caso particolare.

Se viene chiamata l'esecuzione di un'istruzione su un array o una sua sezione a dimensione nulla, l'istruzione non viene eseguita e il programma non va in errore: il programmatore non deve quindi occuparsi del problema.

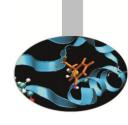
#### **Esempio**

```
DO i = 1, n
    x(i) = b(i) / a(i,i)
    Lunghezza nulla per I = N: valido comunque
    b(i+1:n) = b(i+1:n) - a(i+1:n,i) * x(i)
END DO
```





## **FUNZIONI COSTRUTTIVE**



- MERGE (TSOURCE, FSOURCE, MASK) si applica a 3 matrici conformi. Le prime 2 devono essere dello stesso tipo, MASK dev'essere di tipo logico. Si genera una matrice conforme a MASK e di tipo uguale alle prime due; il valore di ogni elemento proviene da TSOURCE se l'elemento corrispondente di MASK è .TRUE., altrimenti proviene da FSOURCE.
- PACK (ARRAY, MASK [, VECTOR]) genera un vettore prendendo gli elementi di ARRAY che corrispondono agli elementi . TRUE. di MASK. MASK può essere lo scalare . TRUE.. Se VECTOR è più lungo, si prende il resto degli elementi da quel vettore.
- UNPACK (VECTOR, MASK, FIELD) genera una matrice conforme a MASK prendendo da VECTOR gli elementi corrispondenti ai valori .TRUE. di MASK. Se VECTOR non è abbastanza lungo, si prendono gli elementi della matrice FIELD, che dev'essere conforme a MASK o essere uno scalare.



## **FUNZIONI COSTRUTTIVE**



SPREAD (SOURCE, DIM, NS) genera una matrice duplicando NS volte il vettore SOURCE nella dimensione DIM.

#### Esempio: Uso di SPREAD

```
REAL, DIMENSION(3):: a=(/2,3,4/)
REAL, DIMENSION(3,3):: b, c
b=SPREAD(a, DIM=1, NCOPIES=3)
c=SPREAD(a, DIM=2, NCOPIES=3)
```

2 3 4 2 2 2 b 2 3 4 c 3 3 3 2 3 4 4 4 4





## **FUNZIONI DI RICERCA**

Funzioni di ricerca (location): ritornano la posizione dell'elemento massimo e minimo di una matrice.

MAXLOC (ARRAY [, MASK]) genera un vettore con la posizione dell'elemento di valore massimo della matrice ARRAY, eventualmente considerando i soli elementi corrispondenti a . TRUE . di MASK.

MINLOC (ARRAY [, MASK]) genera un vettore con la posizione dell'elemento di valore minimo della matrice ARRAY, eventualmente considerando i soli elementi corrispondenti a . TRUE . di MASK.





## **FUNZIONI DI RICERCA**



#### Alcuni esempi di riepilogo:

$$a(3,4) = \begin{pmatrix} 0.1 & 0.2 & 0.3 & 0.4 & MAXVAL(a) : 40.0 \\ 1.0 & 2.0 & 4.0 & 3.0 & MAXLOC(a) : (/3,4/) \\ 10. & 20. & 30. & 40. & MAXVAL(a,DIM=2) : (/0.4,4.0,40.0/) \end{pmatrix}$$

MAXVAL(c): 32.0

MAXVAL(c,DIM=3): 2.1 2.2 2.3 1.2 2.2 3.2 12. 22. 32.

SHAPE (MAXVAL (c, DIM=3)) : (/3, 3/)

MAXLOC(MAXVAL(c,DIM=3)): (/3,3/)



## SuperComputing Applications and Innovatior FUNZIONI DI MANIPOLAZIONE

## Funzioni di manipolazione (manipulation)

CSHIFT (ARRAY, SHIFT [, DIM]) genera una matrice conforme a ARRAY, spostando gli elementi di ARRAY in modo circolare lungo la dimensione specificata da DIM (o la prima), della quantità indicata in SHIFT.

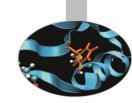
#### **Esempi:**

	1.0	5.0	9.0	13.0		9.0	13.0	1.0	5.0
a=	2.0	6.0	10.0	14.0	cshift(a,2,2):	10.0	14.0	2.0	6.0
	3.0	7.0	11.0	15.0		11.0	15.0	3.0	7.0
	4.0	8.0	12.0	16.0		12.0	16.0	4.0	8.0



## SuperComputing Applications and Innovation

## ications and Innovation FUNZIONI DI MANIPOLAZIONE



## Funzioni di manipolazione (manipulation)

EOSHIFT (ARRAY, SHIFT[, BOUNDARY][,DIM]) genera una matrice conforme a ARRAY, spostando gli elementi di ARRAY lungo la dimensione specificata da DIM (o la prima), della quantità indicata in SHIFT. Gli elementi che finiscono fuori dalle dimensioni di ARRAY sono persi. Le posizioni lasciate libere sono azzerate oppure riempite con gli elementi di BOUNDARY.

TRANSPOSE (MATRIX) genera la trasposta della matrice MATRIX.

#### Esempi:

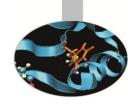
```
a= 1.0 5.0 9.0 13.0
2.0 6.0 10.0 14.0
3.0 7.0 11.0 15.0
4.0 8.0 12.0 16.0
```

```
9.0 13.0
                                 0.0
                                     0.0
                     10.0 14.0
                                 0.0 0.0
eoshift (a, 2, dim=2):
                      11.0 15.0
                                 0.0
                                     0.0
                           16.0
                      12.0
                                 0.0
                                      0.0
                       1.0
                            2.0 3.0 4.0
                            6.0
                       5.0
                                 7.0 8.0
transpose (a):
                       9.0 10.0 11.0 12.0
                      13.0 14.0 15.0 16.0
```





## **ESERCIZI**



- 1. Generare una matrice A 9x9 i cui elementi siano A(i,j) = ij (es. a(3,4)=34) e stamparla a video e su file (*matrice.f90*).
- 2. Scrivere un programma che costruisca e stampi una matrice 10 x 10 che rappresenti la Tavola Pitagorica (*tavolapitagorica.f90*).
- 3. Scrivere un programma che generi una scacchiera 8x8 con "B" e "W" in posizioni alternate, usando la notazione vettoriale (*board.f90*).
- 4. Dato un vettore v nel piano ed un angolo di rotazione  $\theta$  calcolare il vettore ruotato sfruttando la matrice di rotazione

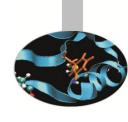
R= 
$$|\cos(\theta)$$
 -sin(θ)  $|\sin(\theta)$  cos(θ)

Utilizzare un modulo per fare tutti i calcoli (*rotazione.f90*).





## Esercizi



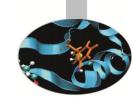
- 5. Utilizzando il file contenente la matrice dell'esercizio 1, facendo uso del costrutto WHERE sostituire con 0 tutti i numeri pari e mantenere nella loro posizione tutti i numeri dispari (*matrice2.f90*).
- 6. Partendo dal programma board.f90 riscrivere l'algoritmo che genera una tastiera usando WHERE (board1.f90).
- 7. Partendo dal programma renum0.f90 trovare valore e posizione del valore massimo del vettore RA(:) e della sua sezione RA(1:3) (*renum.f90*).
- 8. Riscrivere il programma spread1.f90 così da generare una matrice RA(i,j) = 1.0/REAL(i+j+1) (*spread2.f90*).





#### SuperComputing Applications and Innovation

## SOLUZIONE ESERCIZIO 1 matrice.f90 1/2



```
PROGRAM matrice
  IMPLICIT NONE
  INTEGER, PARAMETER :: n=9
  REAL, DIMENSION(n,n):: A, B, C
  INTEGER, DIMENSION(n) :: v
  INTEGER :: i, j
  DO i=1, n
       DO j=1, n
              A(i,j) = REAL(i*10+j)
       END DO
  END DO
  OPEN (11, FILE='matrice.dat', STATUS='replace')
  DO i=1, n
       WRITE(*,*) A(i,:)
       WRITE (11, *) A (i,:)
  END DO
  CLOSE (11)
```





## SOLUZIONE ESERCIZIO 1 matrice.f90 2/2



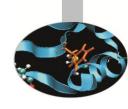
```
A = 0.0
v = (/(REAL(i), i=1, n)/)
B = SPREAD(v,DIM=1,NCOPIES=n)
C = SPREAD(v,DIM=2,NCOPIES=n)
A = B + C * 10
DO i=1, n
    WRITE(*,*) A(i,:)
END DO
```

END PROGRAM matrice





# SOLUZIONE ESERCIZIO 2 tavolapitagorica.f90 1/2



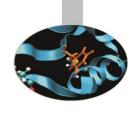
PROGRAM Pitagora

```
IMPLICIT NONE
INTEGER, DIMENSION(10,10) :: a,b,p
INTEGER, DIMENSION(10) :: v
INTEGER :: i
v=(/(i, i=1, 10)/)
WRITE (*,*) "V = "
WRITE (*, 100) v
a = SPREAD(v,DIM=1,NCOPIES=10)
b = SPREAD(v,DIM=2,NCOPIES=10)
WRITE(*,*) "A = "
DO i=1, 10
    WRITE (*, 100) a (i, :)
END DO
```





# SOLUZIONE ESERCIZIO 2 tavolapitagorica.f90 2/2

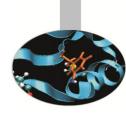


```
WRITE(*,*) "B = "
  DO i=1,10
      WRITE(*,100) b(i,:)
  END DO
  p=a*b
  WRITE (*, *) "P = "
  DO i=1,10
      WRITE(*,100) p(i,:)
  END DO
        FORMAT (10(1x, i3))
100
END PROGRAM Pitagora
```





# SOLUZIONE ESERCIZIO 3 chequerboard.f90



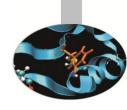
PROGRAM chequerboard

```
IMPLICIT NONE
  CHARACTER (LEN = 1) , DIMENSION (8,8) :: chboard
  ! Version 1: 4 statements:
  WRITE(*,'('' Version 1 - 4 statements: ''//)')
  chboard (1:8:2,::2) = 'B'
  chboard (2:8:2,::2) = 'W'
  chboard (1:8:2,2::2) = 'W'
  chboard (2:8:2,2::2) = 'B'
  WRITE(*,'(8A4)') chboard
  READ (*,*)
  ! Version 2: 3 statements:
  WRITE (*, '(//'' \text{ Version 2 } - 3 \text{ statements: } ''//)')
  chboard = 'B'
  chboard (2:8:2,::2) = 'W'
  chboard (1:8:2,2::2) = 'W'
  WRITE(*,'(8A4)') chboard
  READ (*,*)
  STOP
END PROGRAM chequerboard
```





## SOLUZIONE ESERCIZIO 4 rotazione.f90 1/2



MODULE vettori

```
IMPLICIT NONE
REAL, DIMENSION (2) :: v, v1
REAL :: theta
CONTAINS
     SUBROUTINE rota (v, theta, v1)
             REAL, DIMENSION(2,2) :: R
             REAL, DIMENSION(2) :: v,v1
             REAL :: theta
             Costruzione della matrice di rotazione
             R=cos(theta)
             R(1,2) = -\sin(theta)
             R(2,1) = \sin(theta)
             v1=matmul(R, v)
```

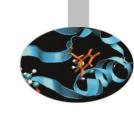


END MODULE vettori

END SUBROUTINE rota



## SOLUZIONE ESERCIZIO 4 rotazione.f90 2/2



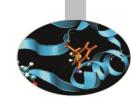
```
PROGRAM rotazione
  USE vettori
  WRITE(*, '(A10)', ADVANCE='no') "theta: "
  READ(*,*) theta
  WRITE(*, '(A10)', ADVANCE='no') "vettore: "
  READ(*,*) v
  CALL rota (v, theta, v1)
  write(*,*) v1
END PROGRAM rotazione
```





#### SuperComputing Applications and Innovation

## SOLUZIONE ESERCIZIO 5 matrice.f90



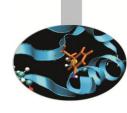
```
PROGRAM matricebis
   IMPLICIT NONE
  REAL, DIMENSION (9,9) :: B
   INTEGER :: i
  OPEN (UNIT=11, FILE='matrice.dat')
   DO i=1,9
       READ(11,*) B(i,:)
  END DO
   CLOSE (11)
  WHERE (MOD(INT(B), 2) == 0)
       B=0
   END WHERE
   DO i=1, 9
       WRITE(*,*) B(i,:)
   END DO
```

END PROGRAM matricebis





## **SOLUZIONE ESERCIZIO 6** chequerboard1.f90



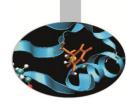
PROGRAM chequerboard

```
IMPLICIT NONE
CHARACTER (LEN = 1) , DIMENSION (8,8) :: chboard
INTEGER :: i, j
! Version 1: 4 statements:
WRITE(*,'('' Version 1 - 4 statements: (''//)')
chboard (1:8:2,::2) = 'B'
chboard (2:8:2,::2) = 'W'
chboard (1:8:2,2::2) = 'W'
chboard (2:8:2,2::2) = 'B'
WRITE(*,'(8A4)') chboard
READ (*,*)
! Version 2: 3 statements:
WRITE (*, '(//'') \text{ Version } 2 - 3 \text{ statements: } ''//)')
chboard = 'B'
WHERE (MOD(RESHAPE( (/ ((I+J, I=1,8), J=1,8) /) , (/8,8/)),2) == 1)
   chboard = 'W'
END WHERE
WRITE(*,'(8A4)') chboard
READ (*,*)
STOP
```





## SOLUZIONE ESERCIZIO 7 renum.f90 1/2



PROGRAM renum

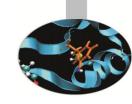
```
IMPLICIT NONE
```

```
REAL, DIMENSION (-3:4) :: ra
INTEGER, DIMENSION (1) :: locmax1, locmax2
! Assign elements of array ra:
ra = (/1.2, 3.4, 5.4, 11.2, 1.0, 3.7, 1.0, 1.0 /)
WRITE (*,*) " LBOUND (ra), UBOUND (ra) = ", LBOUND (ra), UBOUND (ra)
WRITE(*,*) " RA(:,:) = ",ra
WRITE(*,*) ""
! Find location of maximum value of whole array:
! (Note value given assumes first element has location 1.)
locmax1 = MAXLOC(ra)
WRITE (*,*) 'MAXLOC (ra) = ', locmax1 (1)
! Find location of maximum value of array section:
locmax2 = MAXLOC(ra(1:3))
WRITE (*, *) ' MAXLOC (ra(1:3)) = ', locmax2(1)
```





## SOLUZIONE ESERCIZIO 7 renum.f90 2/2

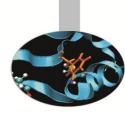


```
WRITE (*, *)
  ! Find value of element with maximum value of whole array from location:
  WRITE(*,*) 'Maximum value of whole array is: ', &
             ra(LBOUND(ra) + locmax1(1) - 1)
  ! Check with MAXVAL:
  WRITE(*,*) 'Maximum value of whole array using MAXVAL is: ', MAXVAL(ra)
  WRITE (*, *)
  ! Find value of element with maximum value of array section from
   location:
  WRITE(*, *) 'Maximum value of ra(1:3) is: ', ra(locmax2(1))
  ! ( Value is ra(1 + locmax2(1) - 1) )
  ! Check with MAXVAL:
  WRITE(*,*) 'Maximum value of ra(1:3) using MAXVAL is: ', MAXVAL(ra(1:3))
  STOP
END PROGRAM renum
```





# SOLUZIONE ESERCIZIO 8 spread2.f90



PROGRAM spread2

```
IMPLICIT NONE
INTEGER, PARAMETER :: n = 5
INTEGER :: i, j
REAL, DIMENSION (n,n) :: ra
WRITE(*, '("Using SPREAD:"//)')
ra = 1.0 / REAL(SPREAD((/(i, i = 1, n) /), DIM = 1, NCOPIES = n) &
         + SPREAD(((/(i, i = 1, n) /), DIM = 2, NCOPIES = n) + 1)
WRITE(*, '(5F8.2)') (ra(:, j), j = 1, n)
! Using Array Constructor:
WRITE(*,'(//"Using Array Constructor:"//)')
ra = RESHAPE ( (/ ((1.0/(i+j+1), i=1, n), j=1, n) /), SHAPE=(/ n, n /) )
WRITE (*, '(5F8.2)') (ra(:, j), j = 1, n)
! Note the simpler method with FORALL statement in Fortran 95:
WRITE(*,'(//"Using FORALL statement (Fortran 95):"//)')
FORALL (i = 1: n, j = 1: n) ra(i, j) = 1.0/(i+j+1)
WRITE (*, '(5F8.2)') (ra(:, j), j = 1, n)
```

STOP

END PROGRAM spread2

